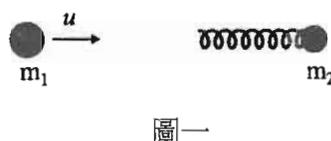


## 普通物理試題

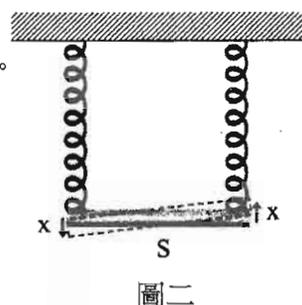
分四部分共 7 大題 (20 格填充題)。答案請務必清楚寫在試卷紙上，並請標明格號，不必說明計算過程，但可附上。試題隨卷繳回。

### A. 力學 (共 20 分)

1. (見圖一) 一質量為  $m_1$  的鋼珠以速度  $u$  入射一連接彈簧之靜止鋼珠，其質量  $m_2$ 。彈簧不計質量，彈性係數為  $k$ 。此過程的總碰撞時間 (從  $m_1$  開始接觸到離開彈簧時間) 為 (1)。在碰撞之後， $m_1$  的速度為 (2) 和  $m_2$  的速度為 (3)。(每格 4 分)



2. 現在考慮一均勻鐵棒長度為  $S$ ，質量  $M$ 。利用兩個彈性係數為  $k$  之彈簧連接其兩端懸掛，待系統平衡時，鐵棒呈水平，如圖二。一開始時，小心將鐵棒右側端點抬高  $x$  公分，將左側端點拉低  $x$  公分。假設  $x \ll S$ 。當  $t = 0$  時將其釋放。求此運動週期為 (4)，且鐵棒與水平的夾角與時間的關係為 (5)。(均勻細長棒繞其質心之轉動慣量為  $\frac{1}{12}MS^2$ 。每格 4 分)



### B. 波動與熱 (共 30 分)

3. 一不均勻繩子的長度為  $L$ ，一端固定於牆壁上，所施張力為  $T$ 。若其線密度隨位置的關係為  $\mu(x) = \mu_0 \left(1 + b \frac{x}{L}\right)$ ，其中  $b > 0$  (令  $x = 0$  為自由端， $x = L$  為固定端)。若從自由端製造一正弦波，波傳到牆壁所需時間為 (6)，且可以觀察到波長變為原來的 (7) 倍。(積分公式  $\int \sqrt{1+ax} dx = \frac{2}{3a} \sqrt{(1+ax)^3} + c$ 。每格 4 分)

4. 考慮一莫耳單原子理想氣體。已知熱力學系統對外作的功為 壓力-體積 曲線下面積。當氣體溫度  $T$  維持恆定，其體積從  $V$  變為  $2V$ ，其所做的功為 (8)。若為絕熱過程，無外界熱庫可作熱交換，則對外做功必須由內能提供 (理想氣體的內能即為總動能)，因此勢必造成溫度的改變。請問當溫度為  $T$  時，氣體體積由  $V$  變為  $V+\Delta V$  的過程中，令  $\Delta V \ll V$ ，則溫度改變量  $\Delta T$  為 (9)。(氣體常數為  $R$ ，積分公式  $\int x^{-1} = \ln|x| + c$ 。每格 4 分)

5. 原子吸收光子時會受光子的動量影響，而改變原子的動量。原子氣體的都卜勒雷射冷卻技術即是利用此效應，使原子速度下降造成冷卻效果。根據量子理論，原子的外層能階只能吸收特定頻率附近的光子，並於一定時間後，透過自發輻射從激發態回到基態。自發輻射過程為四面八方的機率一致，因此造成平均動量變化為 0，故原子的淨動量變化主要來

自雷射光帶有的動量。假定雷射光頻率為  $f$ ，原子能階差為  $\Delta E$ ，原子速率為  $v$ ，光速為  $c$ 。假設  $v \ll c$ 。

若雷射光的前進方向與原子前進方向一致，則原子看見光子的頻率為 (10) (2分)；若雷射光與原子前進方向反向，則原子看見光子的頻率為 (11) (2分)。

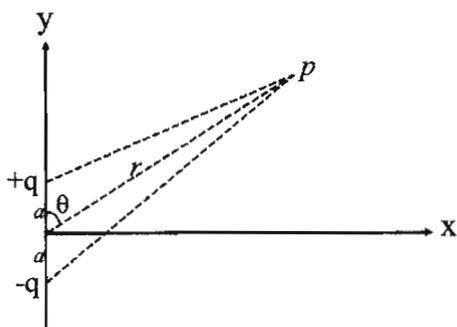
由於冷卻的目的在於使原子減速，意即使原子吸收反向的光子。因此對速率為  $v$  的原子減速，必須調整雷射頻率為 (12) (3分)。在此頻率的雷射照射下，與雷射光同向運動的原子吸收光子機率會 (13) (填變高、變低、或不變。2分。)

鈉原子每吸收一次光子 (波長 600 nm) 隨後釋出回到基態為一個循環，估計在室溫 (300K) 時，欲使一與雷射光反向運動的鈉原子的速率降至 0，需要重複此循環幾次？ (14) (5分。注意此計算僅為估計，實作上當原子速率降低時雷射頻率亦需要調整，但仍在此波段附近。答案請以個位數乘以數量級形式即可，如 298 寫為  $3 \times 10^2$ 。  $k_B = 1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K}$ ，  $h = 6.62 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ ，鈉原子質量  $3.85 \times 10^{-26} \text{ kg}$ 。)

### C · 電磁學 (共 30 分)

6. (a) 二個點電荷  $+q, -q$ ，相距  $2a$ ， $p$  點與二點電荷中心相距  $r$ ， $r$  與垂直座標  $y$  軸夾角  $\theta$ ，如圖三所示。求二點電荷於  $p$  點所產生的電位為何？ (15) (10分)

(b) 當  $a \ll r$ ，構成電雙極 (dipole,  $\vec{P}$ )。  $\vec{P}$  的大小為  $2aq$ ， $\vec{P}$  的方向是由負電荷到正電荷。如果  $p$  點位於在水平座標  $x$  軸上 (亦即  $p$  點座標為  $(r, 0)$ )。求電雙極於  $p$  點所產生的電場 (16) (10分) 以及電位為何？ (17) (10分)



圖三

### D · 近代物理 (共 20 分)

7. 在波耳 (Bohr) 的氫原子模型中，假定軌道上電子的角動量是量子化且可表示為  $L=n\hbar$  ( $n$  為主量子數)。在此模型架構之下，電子在核間受庫倫力作用，繞圓形軌道，並且電子的角動量是量子化。由此模型，氫原子的游離能為  $13.6 \text{ eV}$ ，基態軌道半徑為  $0.53 \text{ \AA}$ 。試問：

- 一氫原子，輻射出一能量為  $1.89 \text{ eV}$  的光子，按照波耳的氫原子模型，輻射此光子時，氫原子的躍遷之初態的主量子數  $n$  (18) (5分) 以及末態的主量子數  $n$  (19) (5分) 分別為多少？
- 接續上題，在躍遷過程中，氫原子的軌道半徑的改變量為多少？ (20)  $\text{\AA}$  (10分)